CTF竞赛密码学 之 LFSR

原创

合天网安实验室 于 2021-03-24 17:29:00 发布 1422 收藏 9
分类专栏： 蚁景网安学院 文章标签： twitter hierarchy sharding jwt hash

本文链接：https://blog.csdn.net/qq_38154820/article/details/115222774

蚁景网安学院 专栏收录该内容
57 篇文章 18 订阅
订阅专栏

目录

概述：

解决LFSR问题

Part(1) 2018 强网杯 Streamgame1

第一种方法

第二种方法

第三种方法

Part(1) 2018 强网杯 Streamgame2

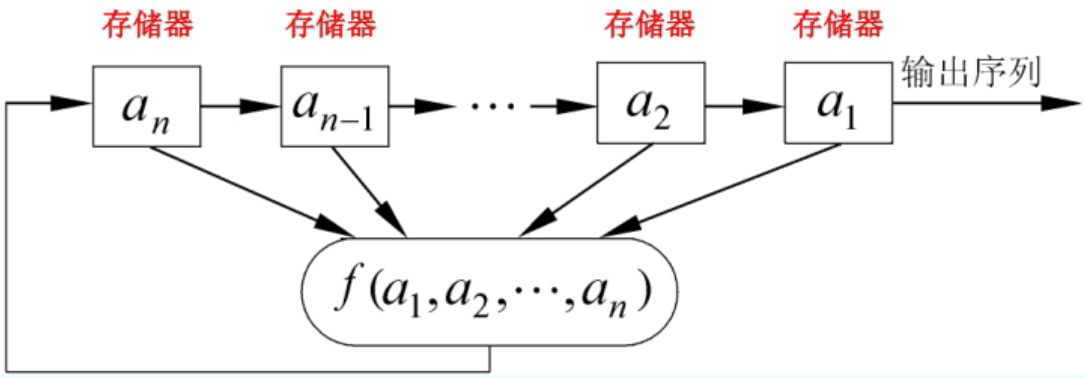
Part(3) [CISCN2018]oldstreamgame

Part(4) [De1CTF2019]Babylfsr考点：B-M 算法

概述：

线性反馈移位寄存器（LFSR）归属于移位寄存器（FSR）,除此之外还有非线性移位寄存器（NFSR）。移位寄存器是流密码产生密钥流的一个主要组成部分。

上一个n级反馈移位寄存器由n个二元存储器与一个反馈函数组成，如下图所示。



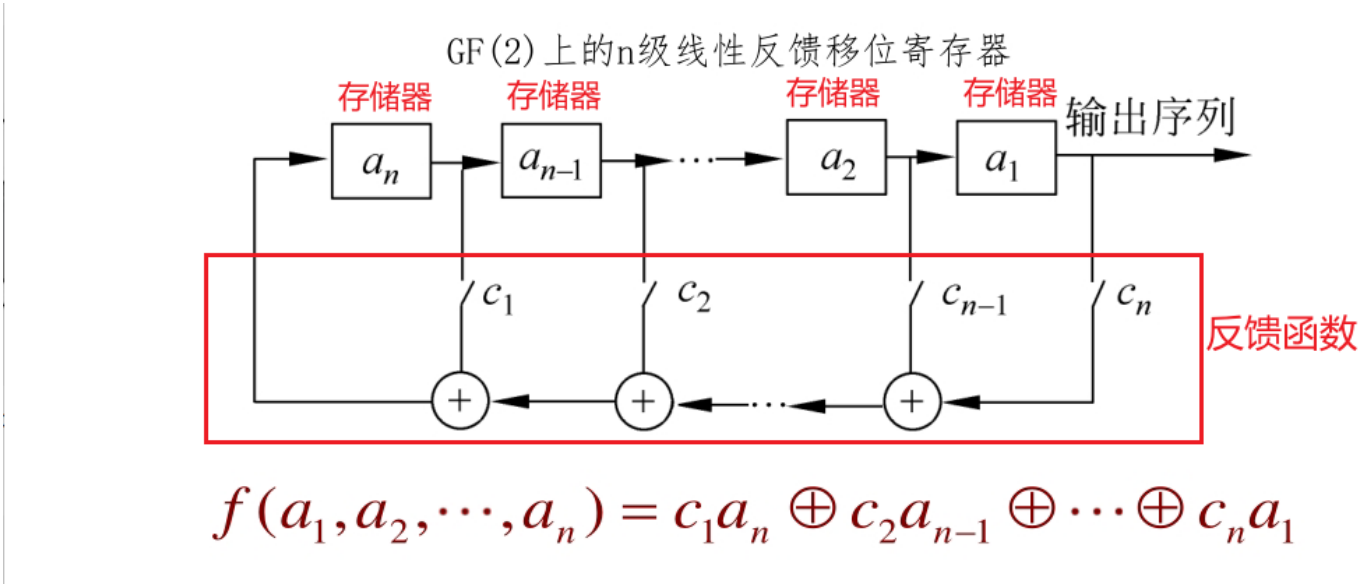
移位寄存器的三要素：

初始状态：由用户确定

反馈函数：是n元布尔函数，即函数的自变量和因变量只取0和1这两个可能值

输出序列

如果反馈函数是线性的，那么我们称其为 LFSR,如下图所示：



LFSR的输出序列{ }满足:

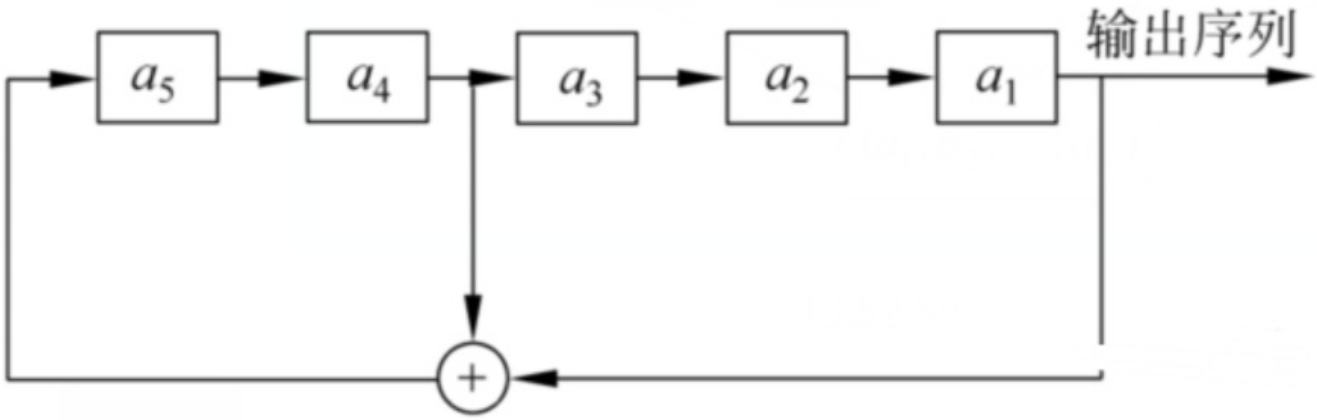
-
-

.....

(i = 1,2,3,...)

举例：

下面是一个5级的线性反馈移位寄存器，其初始状态为



反馈函数为：，(i = 1,2,...) 可以得到输出序列为：

10011010010000101011101100011111 100110…

周期为31。

> 对于 n 级线性反馈移位寄存器，最长周期为（排除全零）。达到最长周期的序列一般称为 m 序列

本文涉及相关实验:CTFCrypto练习之替换密码 （本实验主要介绍了CTFCrypto练习之替换密码，通过本实验的学习，你能够了解CTF竞赛中的密码学题型，掌握凯撒密码破解方法，学会基于频率的替换密码破解方法。）

解决LFSR问题

Part(1) 2018 强网杯 Streamgame1

考点：已知反馈函数，输出序列，求逆推出初始状态

题目：

```
from flag import flag
assert flag.startswith("flag{")
assert flag.endswith("}")
# 作用：判断字符串是否以指定字符 开头或结尾
assert len(flag)==25

def lfsr(R,mask):
    output = (R << 1) & 0xffffff #将R向左移动1位，bin(0xffffff)='0b111111111111111111111111'
    i=(R&mask)&0xffffff          #按位与运算符&：参与运算的两个值,如果两个相应位都为1,则该位的结果为1,否则为0
    lastbit=0
    while i!=0:
        lastbit^=(i&1)           #按位异或运算，得到输出序列
        i=i>>1
    output^=lastbit              #将输出值写入 output的后面
    return (output,lastbit)

R=int(flag[5:-1],2)  #flag为二进制数据
mask    =   0b10100011000100011100

f=open("key","ab")   #以二进制追加模式打开
for i in range(12):
    tmp=0
    for j in range(8):
        (R,out)=lfsr(R,mask)
        tmp=(tmp << 1)^out
    f.write(chr(tmp))   #将lfsr输出的序列每8个二进制为一组，转化为字符，共12组
f.close()
```

考点:

```
def lfsr(R,mask):
    output = (R << 1) & 0xffffff
    i=(R&mask)&0xffffff
    lastbit=0
    while i!=0:
        lastbit^=(i&1)
        i=i>>1     # R和mask进行异或操作，得到输出序列值
    output^=lastbit     #将输出值设置为output的最后一位
    return (output,lastbit)
```

题目已知条件为 flag长度为19bits,mask长度也为19bits.

由LFSR的输出序列{ }满足的条件:

(i = 1,2,3,...)

可知，输出值的结果与c的值相关，即题目中的mask。只有当c的值为1时，的值才可能为1

题目中mask中只有第（3，4，5，9，13，14，17，19）位为1，其余都是0(mask这里右边才是第一位，从右往左增大)

现在我们的目的就是为了求出前19位seed的值，而我们已知了seed后面输出序列的值（题目中给的附件key.txt）。那么我们逆推就能得到seed的值了。lfsr(R,mask)函数执行的是19bits的值。那么我们获取到输出序列前19bits值，即：

key = 01010101001110001 11

现在需要计算的值，假设我们将 R = ,进行lfsr(R,mask)运算，那么我们将得到输出值为 key[-1]=1。

因为mask中只有第（3，4，5，9，13，14，17，19）位为1，所以线性反馈函数只取这几位对应的a值

1=^(R[-3])^(R[-4])^(R[-5])^(R[-9])^(R[-13])^(R[-14])^(R[-17])

得1=^0,得到=1

同理：R = 的输出值为 key[-2]=1，求得=1

第一种方法

```
#python3
from Crypto.Util.number import*

f = open('key.txt','rb').read()
r = bytes_to_long(f)
bin_out = bin(r)[2:].zfill(12*8)
R = bin_out[:19]    #获取输出序列中与掩码msk长度相同的值
print(R)
mask = '1010011000100011100'  #顺序 c_n,c_n-1,。。。,c_1
key =  '0101010100111000111'

R = ''
for i in range(19):
    output = 'x'+key[:18]
    out = int(key[-1])^int(output[-3])^int(output[-4])^int(output[-5])^int(output[-9])^int(output[-13])^int
    R += str(out)
    key = str(out)+key[:18]

print('flag{'+R[::-1]+'}')
```

第二种方法

seed值只可能是0和1构成，所以猜就行了。

```
from Crypto.Util.number import*
import os,sys
os.chdir(sys.path[0])

f = open('key.txt','rb').read()
c = bytes_to_long(f)
bin_out = bin(c)[2:].zfill(12*8)   #将key文本内容转换为 2 进制数，每个字节占 8 位

R = bin_out[0:19]  #取输出序列的前19位
mask = 0b10100011000100011100

def lfsr(R,mask):
    output = (R << 1) & 0xffffffff
    i=(R&mask)&0xffffffff
    lastbit=0
    while i!=0:
        lastbit^=(i&1)
        i=i>>1
    output^=lastbit
    return (output,lastbit)

#根据生成规则，初始状态最后一位拼接输出序列
#我们可以猜测seed的第19位（0或1），如果seed19+R[:18]输出值等于R[:19]，那么就可以确定seed值了
def decry():
    cur = bin_out[0:19]      #前19位 2 进制数
    res = ''
    for i in range(19):
        if lfsr(int('0'+cur[0:18],2),mask)[0] == int(cur,2):
            res += '0'
            cur = '0'+cur[0:18]
        else:
            res += '1'
            cur = '1' + cur[0:18]
    return int(res[::-1],2)

r = decry()
print(bin(r))
```

第三种方法

```
import os,sys
os.chdir(sys.path[0])
from Crypto.Util.number import *
key = '0101010100111000111'
mask = 0b10100011000100011100

R = ""
index = 0
key = key[18] + key[:19]
while index < 19:
    tmp = 0
    for i in range(19):
        if mask >> i & 1:
            tmp ^= int(key[18 - i])
    R += str(tmp)
    index += 1
    key = key[18] + str(tmp) + key[1:18]

print (R[::-1])
```

Part(1) 2018 强网杯 Streamgame2

考点：已知反馈函数，输出序列，求逆推出初始状态

题目

```
from flag import flag
assert flag.startswith("flag{")
assert flag.endswith("}")
assert len(flag)==27

def lfsr(R,mask):
    output = (R << 1) & 0xffffff
    i=(R&mask)&0xffffff
    lastbit=0
    while i!=0:
        lastbit^=(i&1)
        i=i>>1
    output^=lastbit
    return (output,lastbit)

R=int(flag[5:-1],2)
mask=0x100002

f=open("key","ab")
for i in range(12):
    tmp=0
    for j in range(8):
        (R,out)=lfsr(R,mask)
        tmp=(tmp << 1)^out
    f.write(chr(tmp))
f.close()
```

解法与 2018 强网杯 Streamgame1不能说是毫不相干，简直是一m0一样

```
from Crypto.Util.number import*
bin_out = open('key.txt','rb').read()
key = bin(bytes_to_long(bin_out))[2:]
# print(key[0:21])
# print(bin(int('0x100002',16)))
key = '101100101110100100001'
mask= '10000000000000000010'

R = ''
for i in range(21):
    output = '?' + key[:20]
    ans = int(key[-1]) ^ int(output[-2])
    R += str(ans)
    key = str(ans) + key[:20]

print(R[::-1])
```

Part(3) [CISCN2018]oldstreamgame

考点：和前面的题目一样都是给出输出序列和反馈函数，求seed（初始状态）

题目：

```
flag = "flag{xxxxxxxxxxxxxxx}"
assert flag.startswith("flag{")
assert flag.endswith("}")
assert len(flag)==14

def lfsr(R,mask):
    output = (R << 1) & 0xffffffff
    i=(R&mask)&0xffffffff
    lastbit=0
    while i!=0:
        lastbit^=(i&1)
        i=i>>1
    output^=lastbit
    return (output,lastbit)

R=int(flag[5:-1],16)
mask = 0b10100100000010000000100010010100

f=open("key","w")
for i in range(100):
    tmp=0
    for j in range(8):
        (R,out)=lfsr(R,mask)
        tmp=(tmp << 1)^out
    f.write(chr(tmp))
f.close()
```

exp

```
#python3
import os,sys
os.chdir(sys.path[0])
from Crypto.Util.number import*
f = open('key.txt','rb').read()
key = bytes_to_long(f)
bin_out = bin(key)[2:].zfill(100*8)
# print(bin_out[:32]) #前32位就是key
key =  '00100000111111011110111011111000'
mask = '10100100000010000000100010010100'

R = ''
for i in range(32):
    output = 'x' + key[:31]
    ans = int(key[-1]) ^ int(output[-3]) ^ int(output[-5]) ^ int(output[-8]) ^ int(output[-12]) ^ int(outpu
    R += str(ans)
    key = str(ans) + key[:31]

R = str(hex(int(R[::-1],2))[2:])
flag = "flag{" + R + "}"
print(flag)
```

Part(4) [De1CTF2019]Babylfsr

考点：B-M 算法

题目给了度为256的lfsr，和输出长度为504的输出序列，并提示了FLAG的特征。

在CTFWiki（https://wiki.x10sec.org/crypto/streamcipher/fsr/lfsr-zh/）中有介绍道 B-M 算法：如果我们知道了长度为 2n 的输出序列，那么就可以通过构造矩阵来求出 mask,时间复杂度： 次比特操作,空间复杂度： 比特。

题目：

```
import hashlib
from secret import KEY,FLAG,MASK
assert(FLAG=="de1ctf{"+hashlib.sha256(hex(KEY)[2:].rstrip('L')).hexdigest()+"}")
assert(FLAG[7:11]=='1224')
LENGTH = 256
assert(KEY.bit_length()==LENGTH)
assert(MASK.bit_length()==LENGTH)
def pad(m):
    pad_length = 8 - len(m)
    return pad_length*'0'+m
class lfsr():
    def __init__(self, init, mask, length):
        self.init = init
        self.mask = mask
        self.lengthmask = 2**(length+1)-1

    def next(self):
        nextdata = (self.init << 1) & self.lengthmask
        i = self.init & self.mask & self.lengthmask
        output = 0
        while i != 0:
            output ^= (i & 1)
            i = i >> 1
        nextdata ^= output
        self.init = nextdata
        return output
if __name__=="__main__":
    l = lfsr(KEY,MASK,LENGTH)
    r = ''
    for i in range(63):
        b = 0
        for j in range(8):
            b = (b<<1)+l.next()
        r += pad(bin(b)[2:])
    with open('output','w') as f:
        f.write(r)
```

这题中输出序列只给出了504个值，根据 B-M 算法，我们需要确定512个值 (即长度为2n的序列，n为lfsr的度,这里是256)才能求出 mask ,所以我们可以爆破序列后面缺失的 8 位，可以得到 256 种 mask 可能值，用这 256 个 mask 恢复出 256 个key 值，再用限制条件筛选出 flag.

```
#sage
import hashlib

key = '00101001011110100000110110111101000000111101100110111101100010000110001111100001000110010111011001100

#将二进制数据填充为8位
def pad(x):
    pad_length = 8 - len(x)
    return '0'*pad_length+x

# 获取 256个 key 可能值
def get_key(mask_key):
```

```
def get_key(mask,key):
    R = ""
    index = 0
    key = key[255] + key[:256]
    while index < 256:
        tmp = 0
        for i in range(256):
            if mask >> i & 1:
                # tmp ^= int(key[255 - i])
                tmp = (tmp+int(key[255-i]))%2
        R = str(tmp) + R
        index += 1
        key = key[255] + str(tmp) + key[1:255]
    return int(R,2)

# 将二进制流转化为十进制
def get_int(x):
    m=''
    for i in range(256):
        m += str(x[i])
    return (int(m,2))

# 获取到256个 mask 可能值，再调用 get_key()函数，获取到key值，将结果导入到 sm 中
sm = []
for pad_bit in range(2**8):   #爆破rr中缺失的8位
    r = key+pad(bin(pad_bit)[2:])
    index = 0
    a = []
    for i in range(len(r)):
        a.append(int(r[i]))       #将 r 转换成列表a = [0,0,1,...,]格式
    res = []
    for i in range(256):
        for j in range(256):
            if a[i+j]==1:
                res.append(1)
            else:
                res.append(0)
    sn = []
    for i in range(256):
        if a[256+i]==1:
            sn.append(1)
        else:
            sn.append(0)
    MS = MatrixSpace(GF(2),256,256)        #构造 256 * 256 的矩阵空间
    MSS = MatrixSpace(GF(2),1,256)         #构造 1 * 256 的矩阵空间
    A = MS(res)
    s = MSS(sn)                         #将 res 和 sn 的值导入矩阵空间中
    try:
        inv = A.inverse()            # 求A 的逆矩阵
    except ZeroDivisionError as e:
        continue
    mask = s*inv                     #构造矩阵求mask，B-M 算法
#     print(mask[0])                  #得到 256 个 mask 值()，type元组
#     print(get_int(mask[0]))
#     print(key_list)
#     print(key[:256])
#     print(hex(solve(get_int(mask[0]),key[:256])))
#     break
    sm.append(hex(get_key(get_int(mask[0]),key[:256])))
```

```
# 通过限制条件确定 最终 的flag值
for i in range(len(sm)):
    FLAG = hashlib.sha256(sm[i][2:].encode()).hexdigest()
    if FLAG[:4]=='1224':
        print('flag{'+FLAG+'}')
```

output:

```
flag{1224473d5e349dbf2946353444d727d8fa91da3275ed3ac0dedeb7e6a9ad8619}
```

上面是我关于LFSR学习的一点总结，希望对大家有所帮助，后面会介绍关于LFSR更多的知识点.