

# 强网杯2021 ctf线上赛ezmath wp (#超详细, 带逆向新手走过一个又一个小坑)

原创

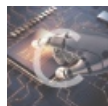
漫小生 于 2021-06-21 09:31:18 发布 1239 收藏 6

分类专栏: [CTF Writeup](#) 文章标签: [CTF](#)

版权声明: 本文为博主原创文章, 遵循 [CC 4.0 BY-SA](#) 版权协议, 转载请附上原文出处链接和本声明。

本文链接: [https://blog.csdn.net/weixin\\_43363675/article/details/118078787](https://blog.csdn.net/weixin_43363675/article/details/118078787)

版权



[CTF Writeup](#) 专栏收录该内容

5 篇文章 0 订阅

订阅专栏

## 文章目录

### 引言

#### 一、分析文件类型

#### 二、初步分析

##### 1 运行情况

##### 2 IDA初步分析

#### 三、详细分析

##### 1 sub\_13F3函数分析

##### 2 查找蛛丝马迹

###### (1) mprotect

###### (2) 重写unk\_2010

##### 3 分析重写unk\_2010的值 (一)

##### 4 分析重写unk\_2010的值 (二)

#### 四、exp

#### 五、哪里有问题?

##### 1 $e/(n-2)$ 还是 $e/n$

##### 2 证明

## 引言

这是强网杯2021中的一道Reverse题, 题目是ezmath, 将附件进行下载, 名称为chall, 说明这道题跟数学有关, 都说ctf比赛三大谎言: ez、eazy和baby, 名称简单, 实则并不简单。做出这道题, 需要的数学知识远远大于逆向知识。

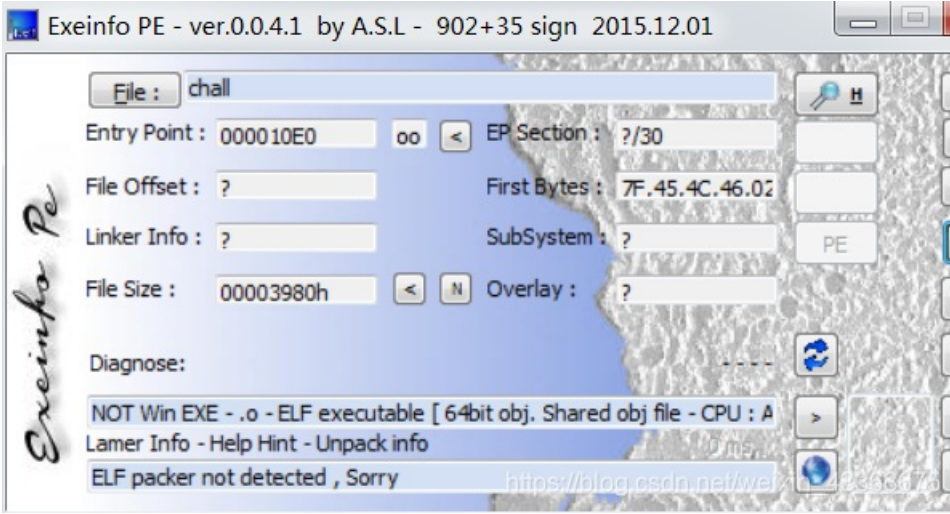
题目附件:

链接: <https://pan.baidu.com/s/13TheaHB7XcbGnBp-M1N5Rg>

提取码: k4pm

# 一、分析文件类型

使用Exeinfo PE查看文件的类型，该工具主要用来查看文件是否为可执行文件，是否为动态链接库，是否有壳以及运行的操作系统等等。具体情况见下图：

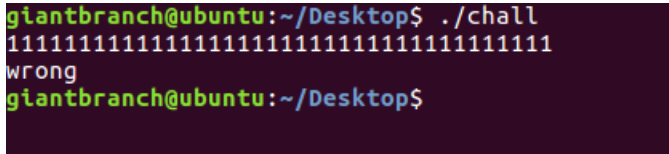


从图中可知，该程序是64位的elf文件，无壳。

# 二、初步分析

## 1 运行情况

运行一下程序，需要输入一串字符，由于是随便输入的，结果为wrong，想必输入的字符就是flag。



## 2 IDA初步分析

拖入IDA中， shift+f12常规操作查找关键字串：

Address	Length	Type	String
LOAD:0000000... 0000001C	0000001C	C	/lib64/ld-linux-x86-64.so.2
LOAD:0000000... 0000000A	0000000A	C	libc.so.6
LOAD:0000000... 0000000F	0000000F	C	__isoc99_scanf
LOAD:0000000... 00000011	00000011	C	__stack_chk_fail
LOAD:0000000... 00000007	00000007	C	strlen
LOAD:0000000... 00000009	00000009	C	mprotect
LOAD:0000000... 0000000F	0000000F	C	__cxa_finalize
LOAD:0000000... 00000012	00000012	C	__libc_start_main
LOAD:0000000... 0000000A	0000000A	C	GLIBC_2.7
LOAD:0000000... 0000000A	0000000A	C	GLIBC_2.4
LOAD:0000000... 0000000C	0000000C	C	GLIBC_2.2.5
LOAD:0000000... 0000001C	0000001C	C	_ITM_deregisterTMCloneTable
LOAD:0000000... 0000000F	0000000F	C	__gmon_start__
LOAD:0000000... 0000001A	0000001A	C	_ITM_registerTMCloneTable
.rodata:000000... 00000006	00000006	C	wrong
.rodata:000000... 00000008	00000008	C	correct
.eh_frame:0000... 00000006	00000006	C	:*3\$\"

[https://blog.csdn.net/weixin\\_43363675](https://blog.csdn.net/weixin_43363675)

从correct字符的输出位置即可定位到代码段：

```

__int64 __fastcall main(int a1, char **a2, char **a3)
{
    __int64 result; // rax
    int i; // [rsp+Ch] [rbp-44h]
    char s[8]; // [rsp+20h] [rbp-30h] BYREF
    __int64 v6; // [rsp+28h] [rbp-28h]
    __int64 v7; // [rsp+30h] [rbp-20h]
    __int64 v8; // [rsp+38h] [rbp-18h]
    __int64 v9; // [rsp+40h] [rbp-10h]
    unsigned __int64 v10; // [rsp+48h] [rbp-8h]

    v10 = __readfsqword(0x28u);
    *(_QWORD *)s = 0LL;
    v6 = 0LL;
    v7 = 0LL;
    v8 = 0LL;
    v9 = 0LL;
    __isoc99_scanf("%39s");
    if ( strlen(s) == 38 )
    {
        for ( i = 0; i <= 37; i += 2 )
        {
            if ( dbl_4020[i / 2] != sub_13F3(*(unsigned __int16 *)&s[i]) )
                goto LABEL_2;
        }
        puts("correct");
        result = 0LL;
    }
    else
    {
LABEL_2:
        puts("wrong");
        result = 0LL;
    }
    return result;
}

```

看到main函数，说明代码并不太复杂，简单看一下，有如下一些初步的结果：

- 输入字符的长度为38
- 关键函数为sub\_13F3，将函数的返回值和dbl\_4020比较时必须相等
- 关键函数sub\_13F3的参数是2个bytes，也就是每次从输入的38个字符中取两个提取出dbl\_4020的数据为：

```
double dbl_4020[19] =
{
    0.00009794904266317233,
    0.00010270456917442,
    0.00009194256152777895,
    0.0001090322021913372,
    0.0001112636336217534,
    0.0001007442677411854,
    0.0001112636336217534,
    0.0001047063607908828,
    0.0001112818534005219,
    0.0001046861985862495,
    0.0001112818534005219,
    0.000108992856167966,
    0.0001112636336217534,
    0.0001090234561758122,
    0.0001113183108652088,
    0.0001006882924839248,
    0.0001112590796092291,
    0.0001089841164633298,
    0.00008468431512187874
};
```

### 三、详细分析

#### 1 sub\_13F3函数分析

既然sub\_13F3函数是关键函数，就先来分析它：

```
double __fastcall sub_13F3(int a1)
{
    int i; // [rsp+8h] [rbp-Ch]
    double v3; // [rsp+Ch] [rbp-8h]

    v3 = unk_2010;
    for ( i = 8225; i < a1; ++i )
        v3 = 2.718281828459045 - (double)i * v3;
    return v3;
}
```

这个函数关键代码只有3行，v3的初始值是0.2021，a1是输入的两个字符转化成的unsigned short型整数，别看这里的参数int a，要看调用位置的强制类型转换：

```
if ( dbl_4020[i / 2] != sub_13F3(*(unsigned __int16 *)&s[i]) )
    goto LABEL_2;
```

循环中，迭代从8225加到a1，将结果保存到v3中返回，既然如此，就可以按这个程序写逻辑，每两个字符跑一下这个函数，然后跟dbl\_4020[19]里的19个数依次比较，最后把38个数算出来，真的这么简单吗？就写出exp跑跑看吧：

```

#include <stdio.h>
#include <string.h>

double dbl_4020[19] =
{
    0.00009794904266317233,
    0.00010270456917442,
    0.00009194256152777895,
    0.0001090322021913372,
    0.0001112636336217534,
    0.0001007442677411854,
    0.0001112636336217534,
    0.0001047063607908828,
    0.0001112818534005219,
    0.0001046861985862495,
    0.0001112818534005219,
    0.000108992856167966,
    0.0001112636336217534,
    0.0001090234561758122,
    0.0001113183108652088,
    0.0001006882924839248,
    0.0001112590796092291,
    0.0001089841164633298,
    0.00008468431512187874
};

main()
{
    long long a = 0x3FC9DE69AD42C3CA;
    printf("size of a is %d\n", sizeof(a));
    double d = *(double *)&a;
    printf("%f\n", d);
    int i = 0;
    int j = 0;
    int k = 0;
    double result = 0;
    printf("1st is %f\n", dbl_4020[j]);
    // for(i = 0; i < 18; i++)
    // {
        result = d;
        for(k = 8225; k < 9000; k++)
        {
            result = (double)2.718281828459045 - (double)k * result;
            printf("k is %d; result is %f\n", k, result);
            //break;
            if(dbl_4020[j] > result)
            {
                //printf("%d\n", k);
            }
        }
    // }
}

```

```
选择E:\qwb2021\Reverse\ezmath\exp.exe
size of a is 8
0.202100
lst is 0.000098
k is 8225; result is -1659.554218
k is 8226; result is 13651495.716961
k is 8227; result is -112310855260.719240
k is 8228; result is 924093717085200.620000
k is 8229; result is -7604367197894116400.000000
k is 8230; result is 62583942038668574000000.000000
k is 8231; result is -515128426920281000000000000.000000
k is 8232; result is 424053721040775300000000000000.000000
k is 8233; result is -34912342853287032000000000000000.000000
k is 8234; result is 287468231053965420000000000000000000.000000
k is 8235; result is -2367300882729405300000000000000000000.000000
k is 8236; result is 1949709007015938100000000000000000000000.000000
k is 8237; result is -1605975309079028300000000000000000000000.000000
k is 8238; result is 132300245961930350000000000000000000000000.000000
k is 8239; result is -1090021726480344100000000000000000000000.000000
k is 8240; result is 89817790261980357000000000000000000000000.000000
k is 8241; result is -7401884095489801300000000000000000000000.000000
```

从运行结果看，这个值越来越发散，跑到8303就开始越界了：

```
k is 8301; result is -8401205568940256200000000000000000000000.000000
00000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000.000000
00000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000.000000
k is 8302; result is 6974680863334200300000000000000000000000.000000
00000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000.000000
00000000000000000000000000000000000000000000000000000000000000.000000
k is 8303; result is -1.#INF00
k is 8304; result is 1.#INF00
k is 8305; result is -1.#INF00
k is 8306; result is 1.#INF00
k is 8307; result is -1.#INF00
k is 8308; result is 1.#INF00
k is 8309; result is -1.#INF00
k is 8310; result is 1.#INF00
k is 8311; result is 1.#INF00
k is 8312; result is 1.#INF00
```

## 2 查找蛛丝马迹

### (1) mprotect

既然这道题没那么简单，那么就老老实实在分析程序逻辑吧，在IDA的function窗口，可以找到mprotect这个函数，这是这道题的第一个小坑，它的功能是修改某一块儿内存区域的是否可读、是否可写、是否可执行的状态的，它的调用位置是在sub\_1391函数中：

```
__int64 sub_1391()
{
    __int64 result; // rax

    mprotect((void*)((unsigned __int64)(&qword_2018 - 1) & 0xFFFFFFFFFFFFFFFF000LL), 0x1000uLL, 7);
    ((void(__fastcall*)(double(__fastcall*)(double), double, double)))(char*)&sub_11C8 + 1)(sub_1301, 0.0, 1.0);
    result = 0LL;
    *(&qword_2018 - 1) = 0LL;
    return result;
}
```

从这个函数中，也可以看到mprotect函数把(unsigned \_\_int64)(&qword\_2018 - 1) & 0xFFFFFFFFFFFFFFFF000LL的位置设置成了7，可读可写可执行，由于设置过程是按页的，所以要&一个0xFFFFFFFFFFFFFFFF000LL，虽然mprotect没有直接写unk\_2010的位置，但通过&qword\_2018 - 1实际指向的也是这个位置，现在的关键就是看看这个值修改成了什么。

### (2) 重写unk\_2010

在这个函数return前，执行了\*(amp;qword\_2018 - 1) = 0LL，这条语句就是对unk\_2010的写入操作，也是**逆向新手可能遇到的第二个坑，那么这个值真的写的是0吗？**如果拿0作为sub\_13F3中v3的初始值计算，显然跑不出结果。

**这里的解决思路是：不要相信IDA的伪代码，有问题的时候要看汇编。**

下面来解决这个小坑，首先给出sub\_1391函数的汇编代码：

```
.text:0000000000001391 sub_1391 proc near ; CODE XREF: init+49↓p
.text:0000000000001391 ; DATA XREF: .init_array:00000000000003D88↓o
.text:0000000000001391
.text:0000000000001391 var_8 = qword ptr -8
.text:0000000000001391
.text:0000000000001391 ; __unwind {
.text:0000000000001391 endbr64
.text:0000000000001395 push rbp
.text:0000000000001396 mov rbp, rsp
.text:0000000000001399 sub rsp, 10h
.text:000000000000139D lea rax, qword_2018
.text:00000000000013A4 sub rax, 8
.text:00000000000013A8 mov [rbp+var_8], rax
.text:00000000000013AC mov rax, [rbp+var_8]
.text:00000000000013B0 and rax, 0FFFFFFFFFFFFFF00h
.text:00000000000013B6 mov edx, 7 ; prot
.text:00000000000013BB mov esi, 1000h ; len
.text:00000000000013C0 mov rdi, rax ; addr
.text:00000000000013C3 call _mprotect
.text:00000000000013C8 movsd xmm0, cs:qword_2050
.text:00000000000013D0 movapd xmm1, xmm0
.text:00000000000013D4 pxor xmm0, xmm0
.text:00000000000013D8 lea rdi, sub_1301
.text:00000000000013DF call near ptr sub_11C8+1
.text:00000000000013E4 movq rax, xmm0
.text:00000000000013E9 mov rdx, [rbp+var_8]
.text:00000000000013ED mov [rdx], rax
.text:00000000000013F0 nop
.text:00000000000013F1 leave
.text:00000000000013F2 retn
.text:00000000000013F2 ; } // starts at 1391
```

从汇编可以看出，.text:00000000000013ED的位置写入修改后的unk\_2010的代码，这个值是rax，这个值又是从xmm0获得的，xmm0是0吗？由于IDA对向量寄存器的反编译支持不太好（至少免费版是这样），在伪代码中没有变量直接表示xmm0寄存器（在这个例子中大部分是通过double型的变量来表示的），因此IDA错误的解析为0。解析为0的另一个原因是在mprotect和\*(amp;qword\_2018 - 1) = 0LL;中间进行了函数调用：

```
((void (__fastcall*)(double (__fastcall*)(double), double, double))((char*)&sub_11C8 + 1))(sub_1301, 0.0, 1.0);
```

如果跟到这一行代码里认真分析，就能慢慢的找到xmm0是这个调用的返回值，也是要重写0.2021的关键代码（具体过程当然也是看汇编，跟上面的方法一样，这里先略过）。

### 3 分析重写unk\_2010的值（一）

分析重写unk\_2020是这道题最复杂的部分，也需要坚实的理论基础，关键部分还是下面的这行代码，由于比较重要，再打出来一遍：

```
((void (__fastcall*)(double (__fastcall*)(double), double, double))((char*)&sub_11C8 + 1))(sub_1301, 0.0, 1.0);
```

这个函数是(char\*)&sub\_11C8 + 1，有三个参数，第一个参数是一个函数指针，指向sub\_1301，第二个参数是0.0，第三个参数是1.0。首先来看sub\_11C8：



```

void __fastcall sub_11C8(double (__fastcall *a1)(double), double a2, double a3)
{
    int i; // [rsp-28h] [rbp-30h]
    double v5; // [rsp-20h] [rbp-28h]
    double v6; // [rsp-18h] [rbp-20h]
    double v7; // [rsp-10h] [rbp-18h]

    v7 = (a3 - a2) / (double)1000;
    v5 = a1(v7 / 2.0 + a2);
    v6 = 0.0;
    for ( i = 1; i < 1000; ++i )
    {
        v5 = a1(v7 / 2.0 + (double)i * v7 + a2) + v5;
        v6 = a1((double)i * v7 + a2) + v6;
    }
    a1(a2);
    a1(a3);
}

```

这个函数执行了一些操作，操作中多次调用a1，即sub\_1301：

```

double __fastcall sub_1301(double a1)
{
    int i; // [rsp+Ch] [rbp-1Ch]
    double v3; // [rsp+10h] [rbp-18h]
    double v4; // [rsp+18h] [rbp-10h]
    double v5; // [rsp+20h] [rbp-8h]

    v3 = 1.0;
    v4 = 1.0;
    v5 = 1.0;
    for ( i = 1; i <= 8225; ++i )
    {
        v3 = v3 * a1;
        v5 = (double)i * v5;
        v4 = v3 / v5 + v4;
    }
    return v3 * v4;
}

```

相比sub\_11C8，还是这个函数好理解一些，逐行分析代码可知，该函数计算出的结果为：

$$x * (1 + x)$$

```

.text:000000000000137C      cmp     [rbp+var_1C], 2021h
.text:0000000000001383      jle     short loc_133E
.text:0000000000001385      movsd  xmm0, [rbp+var_18]
.text:000000000000138A      mulsd  xmm0, [rbp+var_10]
.text:000000000000138F      pop    rbp
.text:0000000000001390      retn
.text:0000000000001390 ; } // starts at 1301

```

从这几行可知，返回值就是xmm0，下面，可以放心的回到sub\_11C8来看了。

从上往下看，一切都很正常，但到了最后两行代码就有些奇怪，a1(a2);和a1(a3);a1是函数sub\_1301，a3是参数传入的1.0，好像这些计算和上面那一堆操作没有关系啊？除了最后一行，上面的一堆都是废代码吗？CTF比赛中，当然有这个可能，用来干扰视听。但为了保险起见，还是去看汇编（又是看汇编，大家的IDA也是这样吗？有点儿怀疑了）。那就贴出来分析吧：

```

.text:00000000000011C8 sub_11C8      proc near      ; CODE XREF: sub_1391+4E↓p
.text:00000000000011C8          push  rbx
.text:00000000000011CA
.text:00000000000011CA loc_11CA:
.text:00000000000011CA          nop   edx
.text:00000000000011CD          push  rbp
.text:00000000000011CE          mov   rbp, rsp
.text:00000000000011D1          sub   rsp, 40h
.text:00000000000011D5          mov   [rbp-28h], rdi
.text:00000000000011D9          movsd qword ptr [rbp-30h], xmm0
.text:00000000000011DE          movsd qword ptr [rbp-38h], xmm1
.text:00000000000011E3          mov   dword ptr [rbp-1Ch], 3E8h
.text:00000000000011EA          movsd xmm0, qword ptr [rbp-38h]
.text:00000000000011EF          subsd xmm0, qword ptr [rbp-30h]
.text:00000000000011F4          cvtsi2sd xmm1, dword ptr [rbp-1Ch]
.text:00000000000011F9          divsd xmm0, xmm1
.text:00000000000011FD          movsd qword ptr [rbp-8], xmm0
.text:0000000000001202          movsd xmm0, qword ptr [rbp-8]
.text:0000000000001207          movsd xmm1, cs:qword_2038
.text:000000000000120F          divsd xmm0, xmm1
.text:0000000000001213          addsd xmm0, qword ptr [rbp-30h]
.text:0000000000001218          mov   rax, [rbp-28h]
.text:000000000000121C          call  rax
.text:000000000000121E          movq  rax, xmm0
.text:0000000000001223          mov   [rbp-18h], rax
.text:0000000000001227          pxor  xmm0, xmm0
.text:000000000000122B          movsd qword ptr [rbp-10h], xmm0
.text:0000000000001230          mov   dword ptr [rbp-20h], 1
.text:0000000000001237          jmp   short loc_129C
.text:0000000000001239 ; -----
.text:0000000000001239
.text:0000000000001239 loc_1239:      ; CODE XREF: sub_11C8+DA↓j
.text:0000000000001239          cvtsi2sd xmm0, dword ptr [rbp-20h]
.text:000000000000123E          mulsd xmm0, qword ptr [rbp-8]
.text:0000000000001243          movapd xmm1, xmm0
.text:0000000000001247          addsd xmm1, qword ptr [rbp-30h]
.text:000000000000124C          movsd xmm0, qword ptr [rbp-8]
.text:0000000000001251          movsd xmm2, cs:qword_2038
.text:0000000000001259          divsd xmm0, xmm2
.text:000000000000125D          addsd xmm0, xmm1
.text:0000000000001261          mov   rax, [rbp-28h]
.text:0000000000001265          call  rax
.text:0000000000001267          movsd xmm1, qword ptr [rbp-18h]
.text:000000000000126C          addsd xmm0, xmm1
.text:0000000000001270          movsd qword ptr [rbp-18h], xmm0
.text:0000000000001275          cvtsi2sd xmm0, dword ptr [rbp-20h]
.text:000000000000127A          mulsd xmm0, qword ptr [rbp-8]
.text:000000000000127F          addsd xmm0, qword ptr [rbp-30h]
.text:0000000000001284          mov   rax, [rbp-28h]
.text:0000000000001288          call  rax
.text:000000000000128A          movsd xmm1, qword ptr [rbp-10h]
.text:000000000000128F          addsd xmm0, xmm1
.text:0000000000001293          movsd qword ptr [rbp-10h], xmm0
.text:0000000000001298          add   dword ptr [rbp-20h], 1
.text:000000000000129C
.text:000000000000129C loc_129C:      ; CODE XREF: sub_11C8+6F↑j
.text:000000000000129C          mov   eax, [rbp-20h]
.text:000000000000129F          cmp   eax, [rbp-1Ch]
.text:00000000000012A2          jl    short loc_1239
.text:00000000000012A4          mov   rax, [rbp-30h]

```

```

.text:00000000000012A7      mov     rax, [rbp-38h]
.text:00000000000012A8      mov     rdx, [rbp-28h]
.text:00000000000012AC      movq    xmm0, rax
.text:00000000000012B1      call   rdx
.text:00000000000012B3      movsd   xmm2, qword ptr [rbp-18h]
.text:00000000000012B8      movsd   xmm1, cs:qword_2040
.text:00000000000012C0      mulsd   xmm1, xmm2
.text:00000000000012C4      addsd   xmm1, xmm0
.text:00000000000012C8      movsd   xmm0, qword ptr [rbp-10h]
.text:00000000000012CD      addsd   xmm0, xmm0
.text:00000000000012D1      addsd   xmm1, xmm0
.text:00000000000012D5      movsd   qword ptr [rbp-40h], xmm1
.text:00000000000012DA      mov     rax, [rbp-38h]
.text:00000000000012DE      mov     rdx, [rbp-28h]
.text:00000000000012E2      movq    xmm0, rax
.text:00000000000012E7      call   rdx
.text:00000000000012E9      addsd   xmm0, qword ptr [rbp-40h]
.text:00000000000012EE      mulsd   xmm0, qword ptr [rbp-8]
.text:00000000000012F3      movsd   xmm1, cs:qword_2048
.text:00000000000012FB      divsd   xmm0, xmm1
.text:00000000000012FF      leave
.text:0000000000001300      retn
.text:0000000000001300 ; } // starts at 11C9

```

为了保险起见，从头到尾对照汇编和伪代码读一遍，直到最后两行就会发现问题，从.text:00000000000012A4到.text:00000000000012B1对应伪代码a1(a2);进行修正，分析的技巧是，一定要自己把堆栈画出来。一直到.text:00000000000012D1，可以解析出代码：

$v4 = v54 + a1(a2) + 2v6$ ，v4放在rbp-40h的位置。

从.text:00000000000012DA到.text:00000000000012E7对应伪代码a1(a3)，接着解析，可以解析出代码  $xmm0 = (a1(a3) + v4) * v7 / 6.0$ ，到这里，就分析完了。

虽然解析出来了，但这个到底是个啥？**这是逆向新手可能遇到的第三个坑，即识别sub\_11C8的功能。**这个计算实际上是辛普森积分，公式如下：

$$\int_a^b f(x) dx \approx \frac{b-a}{6} [f(a) + 4f(\frac{a+b}{2}) + f(b)]$$

```

#include <stdio.h>

double sub_1301(double a1)
{
    int i; // [rsp+Ch] [rbp-1Ch]
    double v3; // [rsp+10h] [rbp-18h]
    double v4; // [rsp+18h] [rbp-10h]
    double v5; // [rsp+20h] [rbp-8h]

    v3 = 1.0;
    v4 = 1.0;
    v5 = 1.0;
    for ( i = 1; i <= 8225; ++i )
    {
        v3 = v3 * a1;
        v5 = (double)i * v5;
        v4 = v3 / v5 + v4;
    }
    return v3 * v4;
}

int main()
{
    int i; // [rsp-28h] [rbp-30h]
    double v5; // [rsp-20h] [rbp-28h]
    double v6; // [rsp-18h] [rbp-20h]
    double v7; // [rsp-10h] [rbp-18h]
    double v4; // [rbp-40h]
    double a3 = 1.0, a2 = 0.0;
    double xmm0_x = 0;

    v7 = ((double)a3 - (double)a2) / (double)1000; // 1/1000
    printf("v7 is %f\n", (double)v7);
    v5 = sub_1301(v7 / 2.0 + a2); // 参数 1/2000
    printf("v5 is %f\n", v5);
    v6 = 0.0;
    for ( i = 1; i < 1000; ++i )
    {
        v5 = sub_1301(v7 / 2.0 + (double)i * v7 + a2) + v5;
        v6 = sub_1301((double)i * v7 + a2) + v6;
    }
    xmm0_x = sub_1301(a2);
    v4 = v5*(double)4.0 + xmm0_x + (double)2.0*v6;
    printf("v4 is %f\n", v4);
    xmm0_x = (double)sub_1301(a3);
    printf("xmm0_x is %f\n", xmm0_x);
    xmm0_x = ((xmm0_x+v4)*v7)/6.0;
    printf("result is %f\n", xmm0_x);
}

```

程序变量就是IDA里的变量名，也方便对照检查错误，结果为：

```
E:\qwb2021\Reverse\ezmath\exp3.exe
v7 is 0.001000
v5 is 0.000000
v4 is 0.179183
xmm0_x is 2.718282
result is 0.000483

-----
Process exited after 4.649 seconds with return value 0
请按任意键继续. . .

https://blog.csdn.net/weixin\_43363675
```

把这个0.000483作为初始值，再重新运行以下最开始的exp，结果还是发散，**到这里就是第四个坑了，主要原因还是浮点数的精度不够**，这么算根本算不出来答案，接着就是纯数学的计算了。

## 4 分析重写unk\_2010的值（二）

回到最开始的sub\_13F3看，怎么才能让这个计算收敛呢？

```
double __fastcall sub_13F3(int a1)
{
    int i; // [rsp+8h] [rbp-Ch]
    double v3; // [rsp+Ch] [rbp-8h]

    v3 = unk_2010;
    for (i = 8225; i < a1; ++i)
        v3 = 2.718281828459045 - (double)i * v3;
    return v3;
}
```

仔细看代码，v3应该是一个非常小的数，这个数每次乘以个比8225大的数并被e减，还要是一个非常小的数，一拍脑瓜，这不就是跟e/8225差不多的一个数吗。当n非常大的时候，就有下面的式子成立：

$$1 \int_0^x e^{-dx} \approx e/n$$

## 四、exp

有了上面的分析做支撑，exp就简单多了：

```

#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <math.h>
double dbl_4020[19] =
{
    0.00009794904266317233,
    0.00010270456917442,
    0.00009194256152777895,
    0.0001090322021913372,
    0.0001112636336217534,
    0.0001007442677411854,
    0.0001112636336217534,
    0.0001047063607908828,
    0.0001112818534005219,
    0.0001046861985862495,
    0.0001112818534005219,
    0.000108992856167966,
    0.0001112636336217534,
    0.0001090234561758122,
    0.0001113183108652088,
    0.0001006882924839248,
    0.0001112590796092291,
    0.0001089841164633298,
    0.00008468431512187874
};

double x;

main()
{
    x = 2.718281828459045;
    short tmp=0;
    int i = 0;
    for(i=0; i<19; i++)
    {
        tmp = round(x/dbl_4020[i])-2;
        printf("%c%c", *(char *)&tmp, *((char *)&tmp+1));
    }
}

```

运行后，flag为：

```

E:\qwb2021\Reverse\ezmath\exp2.exe
flag {saam_dim_gei_lei_jam_caa_sin_laa}
-----
Process exited after 0.7665 seconds with return value 0
请按任意键继续. . .

```

运行该程序，输入flag后，结果仍然是wrong，这也是浮点精度引起的，但并不影响解出这道题。

## 五、哪里有问题？

### 1 $e/(n-2)$ 还是 $e/n$

上面的推导看似天衣无缝，仔细看还是有一些矛盾的地方的，在第三节最后的公式中，推出的结果为：

$$1$$
$$x e dx \approx e/n$$

```
double __fastcall sub_13F3(int a1)
{
    int i; // [rsp+8h] [rbp-Ch]
    double v3; // [rsp+Ch] [rbp-8h]

    v3 = unk_2010;
    for ( i = 8225; i < a1; ++i )
        v3 = 2.718281828459045 - (double)i * v3;
    return v3;
}
```

v3的初始值为：

$$x * (1 + \frac{x}{n})$$

## 2 证明

在  $n < 1$  时有：