

上海市大学生网络安全大赛2020——baby_dsa

原创

te_mgl 于 2020-11-17 19:52:11 发布 364 收藏

分类专栏: [密码学](#) 文章标签: [密码学](#)

版权声明: 本文为博主原创文章, 遵循 [CC 4.0 BY-SA](#) 版权协议, 转载请附上原文出处链接和本声明。

本文链接: https://blog.csdn.net/weixin_44617902/article/details/109750766

版权



[密码学](#) 专栏收录该内容

8 篇文章 1 订阅

订阅专栏

DSA加密

task.py

```
#!/usr/bin/env python
from Crypto.Util.number import *
from hashlib import sha512,md5
from os import urandom
import random

def hash(message):
    return int(sha512(message).hexdigest(), 16)

def key_gen():
    q = getPrime(256)
    while True:
        p = random.getrandbits(2816)*q + 1
        if isPrime(p):
            print(p.bit_length())
            break
    while True:
        g = pow(random.randrange(1, p-1), (p-1)/q, p)
        if g != 1:
            break
    x = random.randrange(1, q)
    y = pow(g, x, p)
    pubkey = (p, q, g, y)
    privkey = x
    return pubkey, privkey

def sign(message, pubkey, privkey):
    p, q, g, y = pubkey
    x = privkey
    k = pow(y, x, g) * random.randrange(1, 512) % q
    r = pow(g, k, p) % q
    s = inverse(k, q) * (hash(message) + x * r) % q
    return r, s

def verify(message, signature, pubkey):
```

```
p, q, g, y = pubkey
r, s = signature
if not (0 < r < q) or not (0 < s < q):
    return False
w = inverse(s, q)
u1 = (hash(message) * w) % q
u2 = (r * w) % q
v = ((pow(g, u1, p) * pow(y, u2, p)) % p) % q
return v == r

pubkey, privkey = key_gen()
print(pubkey)

message1 = urandom(16).encode('hex')
signature1 = sign(message1, pubkey, privkey)
print(message1, signature1)
print(verify(message1, signature1, pubkey))

message2 = urandom(16).encode('hex')
signature2 = sign(message2, pubkey, privkey)
print(message2, signature2)
print(verify(message2, signature2, pubkey))

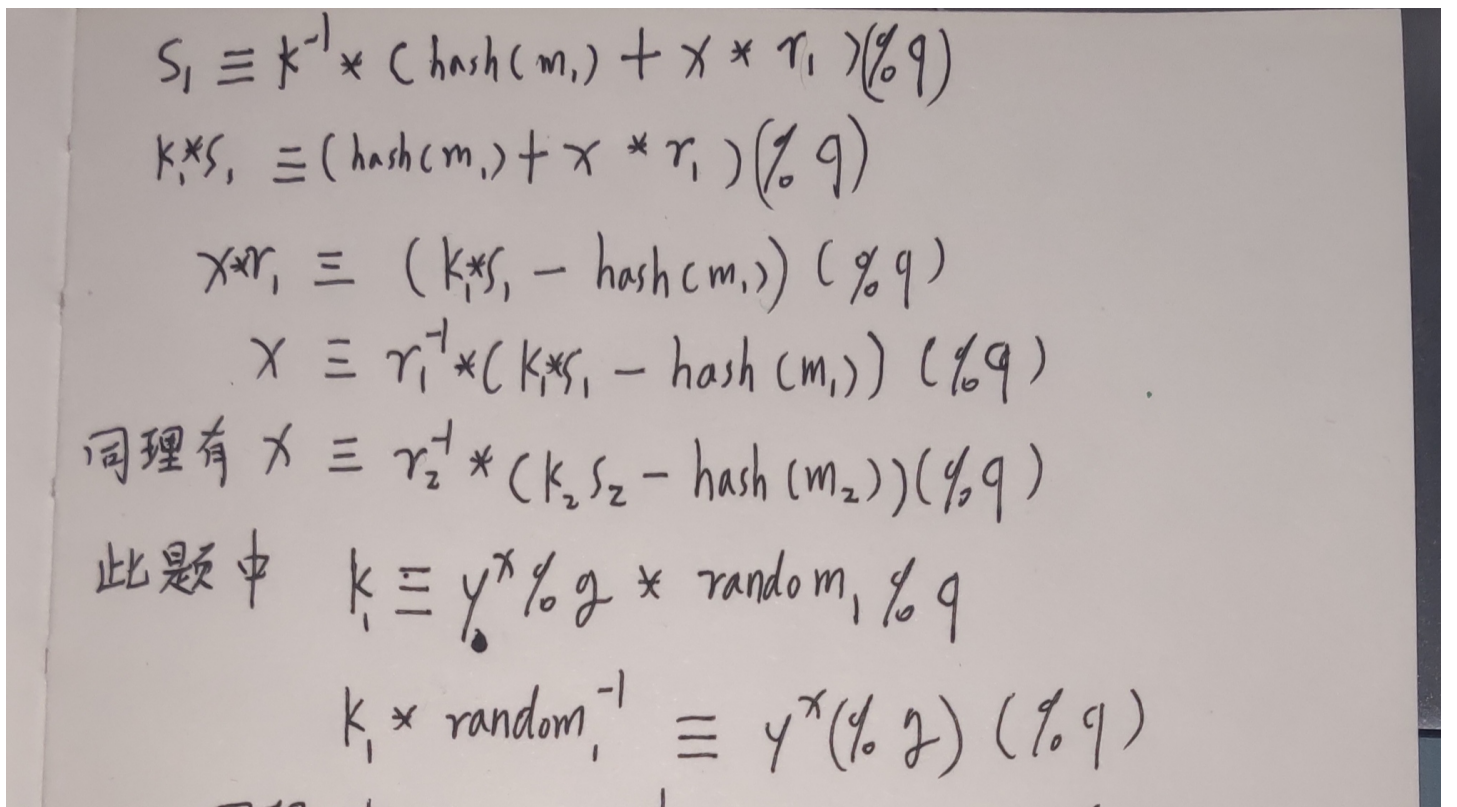
flag = 'flag{'+md5(long_to_bytes(privkey)).hexdigest()+}'
```

data

```
(329722646303732445800883728449896337264903888939068505184968017501650564600176122010985892162426604403513313413
540256123563583342820688688830802772353030767400921078346868377298401213812053250316002033941692272192644613252
2965798845167315604365010732539244576465586988554847817470293977551116332975872159765796334519336582353853865395
1800657006965357514606001681191114061460647193032734136858297983604258540681135223632606529263648455080721375648
215308442771454969426468569597753153742568221215553568848666088576932888234659355213664909753781753917401161977
7626636580975044119149080816770339809150390795177661597605222612791153473858130094375101568989697695636878694957
219772654447995856340198809515320802179604569017889184392657881699100628228895801993664174518659548997300035177
0200485095008494228829300145039695936946379585625051402553034971207474762463147744467360158847593356030745194143
276254949463650698210515569533L, 82302835442112137125891403368151249910268706824854786126600390413622302196443L,
115623326429934097110649837149549569522588059235437403414219551847254052191169950639131132467659068536523488717
0345722135060009885002334748836477169806166169806180231794918961214520698361874839110454610266388341977984902756
5698385946162551126616004668188701374327728003688594614458547009562918855768550694051837719030762771449277690294
3373071061305878827769121169867528782914327215283517185948078106191855684007985776120301205455214255567307186531
0355331986288606422711525790877591376770834180618492794265362178603111236615495225612101250344421932588038244804
1992294497386750825605120625643654730350972638892579371407789933893058933785143440323528065219723679910274597211
6074483568876165779739884152310407445179355792451299230564069734401152055072389382818570763514140444521344593558
6965289450282024222064488965878769991566367115153619761583843561579531705057955933288008556165952066173304891391
375100346312776539530448611005L, 2909996237877318126977196918520612902466194134636363123821469699005463845147107
8284315396270485191609160167902883086617633233151951515630140153717306990818150902846432264735225663242468480934
9121024262597006913707483811117644197481959053785475083406472583099140506505071300193356002443007750220524932219
1919329692022703433239550352913968084726866847876105591147020547846993654908603927370610562331603089432964785407
9835313487893708833667292816289433296176227755934586047991624808682111781199039102518712519307405900108644130597
7133252774698996653122297123447837449168657347308016270030881395674066421144002959751936839166935726200833785132
7363288597103518713525675115161421709560918853521785793022996343222548183839785857731366925889229760436173379045
453961467556092841637434762977268654847517019760541284768958717152245322905593271271415486998945480856145885203
1769119489235598402066924082778376081494632258448434048562053L)
('0234e7971889def7e60348f77db94b7a', (10859236269959765735236393779936305217305574331839234502190226708929991582
386L, 13707557323895695260471053137828523837745895683218331343360027380310980108819L))
True
('16c5ac270b72f70319657b4410d985d4', (41960642246379067640524709416001536058292817319109764317369777224426218746
518L, 74676725322515593502346275468843411563746982149373670021082686341369076719088L))
True
```

这题比赛时没做出来卡住了，赛后看了[大佬文章](#)豁然开朗。

我也是第一次遇到dsa加密的题，看了几篇博客大概过程看懂。推导出了x的两个关系式，k与x有关，也想着建立联系，但是想半天也没想出来hhhh还是太菜了（继续加油吧）。看了大佬的解题过程后一下就明白了，自己也写了下过程记录下这个题。



$$\text{同理 } k_2 * \text{random}_2^{-1} \equiv y^x (\% q) (\% q)$$

$$\therefore \underline{k_1 * \text{random}_1^{-1} \equiv k_2 * \text{random}_2^{-1} (\% q)} \quad \star$$

$$x r_1 + \text{hash}(m_1) \equiv k_1 s_1 (\% q)$$

同乘 $\text{random}_1^{-1} * s_2$ 有：

$$\text{random}_1^{-1} * k_1 * s_1 * s_2 \equiv x r_1 * s_2 * \text{random}_1^{-1} + \text{hash}(m_1) * s_2 * \text{random}_1^{-1} (\% q)$$

$$\text{同理 } \text{random}_2^{-1} * k_2 * s_1 * s_2 \equiv x r_2 * s_1 * \text{random}_2^{-1} + \text{hash}(m_2) * s_1 * \text{random}_2^{-1} (\% q)$$

两式可根据~~★~~式建立恒等式

整理两式：

$$x (\text{random}_1^{-1} * \text{random}_2 * r_1 * s_2 - r_2 * s_1) \equiv \text{hash}(m_2) * s_1$$

$$- \text{random}_1^{-1} * \text{random}_2 * \text{hash}(m_1) * s_2 (\% q)$$

$$x \equiv \frac{\text{hash}(m_2) * s_1 - \text{random}_1^{-1} * \text{random}_2 * \text{hash}(m_1) * s_2}{\text{random}_1^{-1} * \text{random}_2 * r_1 * s_2 - s_1 * r_2} (\% q)$$

代码：

```
from Crypto.Util.number import *
from hashlib import sha512, md5

def hash(message):
    return int(sha512(message).hexdigest(), 16)

def sign(message, pubkey, privkey, random1):
    p, q, g, y = pubkey
    x = privkey
    k = pow(y, x, g) * random1 % q
    r = pow(g, k, p) % q
    s = inverse(k, q) * (hash(message) + x * r) % q
    return r, s

public = (329722646303732445800883728449896337264903888939068505184968017501650564600176122010985892162426604403
5133134135402561235635833428206886888308027772353030767400921078346868377298401213812053250316002033941692272192
6446132522965798845167315604365010732539244576465586988554847817470293977551116332975872159765796334519336582353
8538653951800657006965357514606001681191114061460647193032734136858297983604258540681135223632606529263648455080
7213756482153084427714549694264685695977531537425682212155553568848666088576932888234659355213664909753781753917
4011619777626636580975044119149080816770339809150390795177661597605222612791153473858130094375101568989697695636
8786949572197726544479958563401988095153208021796045690178891843926578816991006282288958019936641745518659548997
3000351770200485095008494228829300145039695936946379585625051402553034971207474762463147744467360158847593356030
```

```
745194143276254949463650698210515569533, 82302835442112137125891403368151249910268706824854786126600390413622302
196443, 11562332642993409711064983714954956952258805923543740341421955184725405219116995063913113246765906853652
348871703457221350600098850233474883647716980616616980618023179491896121452069836187483911045461026638834197798
4902756569838594616255112661600466818870137432772800368859461445854700956291885576855069405183771903076277144927
7690294337307106130587882776912116986752878291432721528351718594807810619185568400798577612030120545521425556730
7186531035533198628860642271152579087759137677083418061849279426536217860311123661549522561210125034442193258803
8244804199229449738675082560512062564365473035097263889257937140778993389305893378514344032352806521972367991027
4597211607448356887616577973988415231040744517935579245129923056406973440115205507238938281857076351414044452134
4593558696528945028202422206448896587876999156636711515361976158384356157953170505795593328800855616595206617330
4891391375100346312776539530448611005, 2909996237877318126977196918520612902466194134636363123821469699005463845
1471078284315396270485191609160167902883086617633233151951515630140153717306990818150902846432264735225663242468
4809349121024262597006913707483811117644197481959053785475083406472583099140506505071300193356002443007750220524
9322191919329692022703433239550352913968084726866847876105591147020547846993654908603927370610562331603089432964
7854079835313487893708833667292816289433296176227755934586047991624808682111781199039102518712519307405900108644
1305977133252774698996653122297123447837449168657347308016270030881395674066421144002959751936839166935726200833
7851327363288597103518713525675115161421709560918853521785793022996343222548183839785857731366925889229760436173
3790454539614675560928416374347629777268654847517019760541284768958717152245322905593271271415486998945480856145
8852031769119489235598402066924082778376081494632258448434048562053)
```

```
p, q, g, y = public
```

```
tmp1 = (b'0234e7971889def7e60348f77db94b7a', (108592362699597657352363937799363052173055743318392345021902267089
29991582386, 13707557323895695260471053137828523837745895683218331343360027380310980108819))
```

```
tmp2 = (b'16c5ac270b72f70319657b4410d985d4', (419606422463790676405247094160015360582928173191097643173697772244
26218746518, 74676725322515593502346275468843411563746982149373670021082686341369076719088))
```

```
message1, r1, s1 = tmp1[0], tmp1[1][0], tmp1[1][1]
```

```
message2, r2, s2 = tmp2[0], tmp2[1][0], tmp2[1][1]
```

```
hm1, hm2 = hash(message1), hash(message2)
```

```
for random1 in range(1, 512):
```

```
    for random2 in range(1, 512):
```

```
        random1_inv = inverse(random1, q)
```

```
        random_mul = random1_inv * random2
```

```
        x = ((s1 * hm2 - s2 * hm1 * random_mul) * inverse(s2 * r1 * random_mul - s1 * r2, q))%q
```

```
        if sign(message1, public, x, random1) == tmp1[1]:
```

```
            print(x)
```

```
            flag = 'flag{' + md5(long_to_bytes(x)).hexdigest() + '}'
```

```
            print(flag)
```

```
            print(random2)
```

```
            exit()
```

```
print(random1)
```

```
# 成功拿到flag后可以知道random1 = 36, random2 = 58 ^^
```